

Име: \_\_\_\_\_, ФН: \_\_\_\_\_, Спец./курс: \_\_\_\_\_

Задача	1	2	3	4	5	Общо
получени точки						
максимум точки	20	20	20	20	30	110

*Забележка:* За отлична оценка са достатъчни 100 точки!

**Задача 1** Точките в равнината можем да представим чрез техните координати като двойки реални числа:  $R^2 = \{(x, y) \mid x \in R, y \in R\}$ . Релацията  $P \subset R^2 \times R^2$  е определена по следния начин:

$$P = \{((x_1, y_1), (x_2, y_2)) \mid x_1^2 + y_1^2 = x_2^2 + y_2^2\}$$

Да се докаже, че  $P$  е релация на еквивалентност и да се определи класът на еквивалентност на точката  $(3, 4)$ .

**Задача 2** При провеждане на първата изпитна сесия от 80 студента в специалност КН, първи поток, изпита по ДИС издържали 33 студента, по ЛА – 45 и по ДС – 52.

Било установено, че ДИС и ЛА едновременно издържали 20 студента, ДИС и ДС – 28 студента. 15 студенти заявили покрусени, че не са взели нито един от трите изпита.

Колко студенти са положили успешно изпитите по ЛА и ДС, ако броят на студентите, издържали успешно и трите изпита е 13 ?

**Задача 3** Обикновен неориентиран граф не съдържа триъгълници (цикли с дължина 3) и от всеки връх излизат точно 3 ребра.

(а – 10т.) Докажете че графът има поне 6 върха.

(б – 10т.) Ако има такъв граф с точно 6 върха, нарисувайте го.

**Задача 4** Нека точките с цели координати в равнината са оцветени с 8 цвята. Докажете, че има две едноцветни точки на разстояние по-малко от 3.

**Задача 5** За двоичната функция  $f(x, y, z)$ , определена с таблицата по-долу, намерете:

а) съвършената дизюнктивна нормална форма; (5 точки)

б) минималната дизюнктивна нормална форма; (15 точки)

в) полинома на Жегалкин. (10 точки)

**БОНУС:** Шеферова функция ли е  $f$ ? (15 точки)

x	y	z		f
0	0	0		1
0	0	1		1
0	1	0		1
0	1	1		1
1	0	0		0
1	0	1		1
1	1	0		1
1	1	1		0