

Име: \_\_\_\_\_ ФН: \_\_\_\_\_ Спец.: \_\_ Курс: \_\_ Група: \_\_

*Забележка:* Задачата дава 40 точки към общия сбор точки!

**Задача:** Преди стартиране на процесите P и Q са инициализирани два семафора и брояч:

```
semaphore e, m
e.init(1); m.init(1)
int cnt = 0
```

Паралелно работещи копия на P и Q изпълняват поредица от инструкции:

```
process P                process Q
m.wait()                 e.wait()
cnt=cnt+1                q_section
if cnt=1 e.wait()        e.signal()
m.signal()
p_section
m.wait()
cnt=cnt-1
if cnt=0 e.signal()
m.signal()
```

Дайте обоснован отговор на следните въпроси:

- (а) Могат ли едновременно да се изпълняват инструкциите `p_section` и `q_section`?
- (б) Могат ли едновременно да се изпълняват няколко инструкции `p_section`?
- (в) Могат ли едновременно да се изпълняват няколко инструкции `q_section`?
- (г) Има ли условия за deadlock или starvation за някой от процесите?

*Упътване:*

Ще казваме, че P е в критична секция, когато изпълнява инструкцията си `p_section`. Същото за Q, когато изпълнява `q_section`.

Изяснете смисъла на брояча `cnt` и какви процеси могат да бъдат приспани в опашките на двата семафора.

Покажете, че в опашката на семафора `e` има най-много едно копие на P и произволен брой копия на Q.

Покажете, че в момента на изпълнение на `e.signal()` в кой да е от процесите, никой процес не е в критичната си секция.

## Решение

Първо забелязваме, че семафорът  $m$  се ползва само от  $P$  в ролята на  $\text{mutex}$ . В неговата опашка може да има само копия на  $P$  и само едно работещо копие може да намалява/увеличава брояча синхронизирано с блокирането/освобождаването на семафора  $e$ .

Увеличаването на  $\text{cnt}$  става преди критичната секция на  $P$ , а намаляването след нея. Ако не вървят никакви копия на  $Q$ , лесно се убеждаваме, че могат да се изпълняват произволен брой критични секции на  $P$ , като броячът съвпада с броя на паралелно изпълняваните критични секции. Така отговорът на въпрос (б) е ДА.

Заемането на семафора  $e$  в  $P$  става точно когато  $\text{cnt}$  променя стойността си от 0 в 1. Освобождаването става точно когато  $\text{cnt}$  променя стойността си от 1 в 0.

Тъй като при инициализацията броячът на  $e$  е 1, а употребата му и в двата вида процеси започва със заемане и завършва с освобождаване, само едно копие от двата типа ще може да премине  $e.\text{wait}()$ . Разглеждаме два случая:

(А) Процесът  $Q$  преминава. Тогава ще се изпълни критичната му секция, но само от това копие. Останалите копия на  $Q$  ще бъдат приспани от първата си инструкция. Следователно отговорът на въпрос (в) е НЕ.

Ако версия на  $P$  пробва  $e.\text{wait}()$ , тя също ще бъде приспана. Това ще стане точно когато  $\text{cnt}$  променя стойността си от 0 в 1, тоест не се изпълняват критични секции на  $P$ . В момента на приспиване и мутекса  $m$  е блокиран. Това обстоятелство ще блокира всички опити на други копия на  $P$  да преминат  $m$ . В този случай в опашката на семафора  $e$  има точно едно копие на  $P$ .

(В) Процесът  $P$  преминава. Ще започне изпълнение на неговата критична секция и евентуално на други копия на  $P$ , докато  $\text{cnt} > 0$ . През този период всички копия на  $Q$  ще бъдат приспани от първата си инструкция. Когато  $\text{cnt}$  намалее до 0, никое копие не изпълнява критична секция.

От двата разгледани случая следва, че в един момент могат да се изпълняват няколко критични секции на  $P$  или една критична секция на  $Q$ . Следователно отговорът на въпрос (а) е НЕ.

В описаната схема няма условия за deadlock.  $Q$  не може да инициира deadlock, тъй като ползва само един ресурс.  $P$  също не може поради реда на заемане на ресурсите (първо заема семафора  $m$ , после  $e$ ).

В описаната схема има условия за гладуване (starvation) на процес  $Q$ . Нека критичната секция на  $P$  се изпълнява бавно и  $Q$  започва работа след  $P$ . Ще започне изпълнение на критична секция на  $P$  и ако постоянно започват работа нови копия, броячът  $\text{cnt}$  може да остане положителен неограничено време. Така  $Q$  ще бъде приспан неограничено дълго.